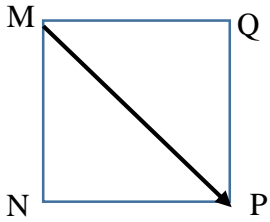
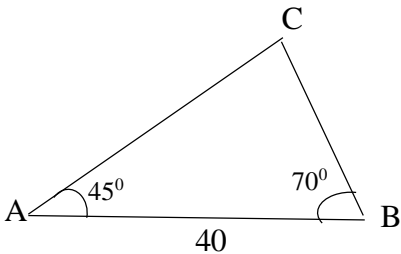
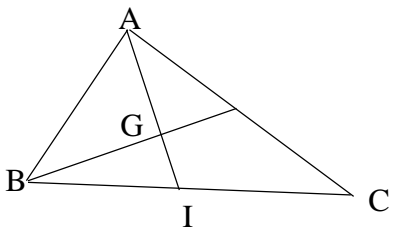


<b>ĐỀ 101-103</b>		<b>Điểm</b>
<b>Câu 1(0,5đ):</b>	Ta có $\overrightarrow{MP} + \overrightarrow{NQ} = (\overrightarrow{MQ} + \overrightarrow{QP}) + (\overrightarrow{NP} + \overrightarrow{PQ}) = \overrightarrow{MQ} + \overrightarrow{NP} + (\overrightarrow{QP} + \overrightarrow{PQ})$ $= \overrightarrow{MQ} + \overrightarrow{NP} + \vec{0} = \overrightarrow{MQ} + \overrightarrow{NP}$ (đpcm)	0,25 0,25
<b>Câu 2(0,5đ):</b>	 <div style="display: inline-block; vertical-align: middle; margin-left: 20px;"> <p>Ta có <math> \overrightarrow{MQ} - \overrightarrow{MP}  =  \overrightarrow{PQ}  = PQ = a</math></p> <p><math> \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MQ}  =  \overrightarrow{MP}  = MP = a\sqrt{2}</math></p> </div>	0,25 0,25
<b>Câu 3(1,0đ):</b>	 <p>Trong tam giác ABC, ta có: <math>C = 180^\circ - A - B = 180^\circ - 45^\circ - 70^\circ = 65^\circ</math></p> <p>Áp dụng định lý: <math>\frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C}</math></p> <p><math>\Rightarrow AC = \frac{AB \cdot \sin B}{\sin C} = \frac{40 \cdot \sin 70^\circ}{\sin 65^\circ}</math> <math>\approx 41,47</math> (m)</p>	0,25 0,25 0,25 0,25
<b>Câu 4(1,0đ):</b>	 <p>+ Ta có <math>G</math> là trọng tâm <math>\Delta ABC</math></p> $\begin{cases} x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3} \\ y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_C = 3x_G - x_A - x_B \\ y_C = 3y_G - y_A - y_B \end{cases} \text{ hay } \begin{cases} x_C = 3(-2) - (-1) - 1 \\ y_C = 3 \cdot \frac{2}{3} - 1 - 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_C = -6 \\ y_C = -2 \end{cases} \Rightarrow C(-6; -2)$ <p>+ Gọi <math>I</math> là trung điểm của đoạn <math>BC</math> ta có: <math>\begin{cases} x_I = \frac{x_B + x_C}{2} \\ y_I = \frac{y_B + y_C}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_I = -\frac{5}{2} \\ y_I = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow I\left(-\frac{5}{2}; \frac{1}{2}\right)</math></p> <p>+ Ta có <math>M \in Oy \Rightarrow M(0; m)</math>: <math>\overrightarrow{BM} = (-1; m-3)</math>; <math>\overrightarrow{CM} = (6; m+2)</math>; <math>\overrightarrow{CB} = (7; 5)</math>; <math>\overrightarrow{IM} = \left(\frac{5}{2}; m - \frac{1}{2}\right)</math></p> <p><math>\Delta MBC</math> vuông cân tại <math>M</math> khi: <math>\begin{cases} \overrightarrow{BM} \cdot \overrightarrow{CM} = 0 \\ \overrightarrow{IM} \cdot \overrightarrow{CB} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (m-3)(m+2) - 6 = 0 \\ 5\left(m - \frac{1}{2}\right) + 7 \cdot \frac{5}{2} = 0 \end{cases}</math></p> <p>+ <math>\Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - m - 12 = 0 \\ m = -3 \end{cases} \Leftrightarrow m = -3 \Rightarrow M(0; -3).</math></p>	0,25 0,25 0,25

**ĐỀ 102-104**

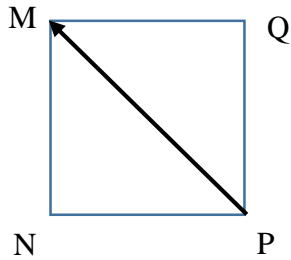
**Điểm**

**Câu 1(0,5đ):** Ta có  $\overrightarrow{PM} + \overrightarrow{QN} = (\overrightarrow{PN} + \overrightarrow{NM}) + (\overrightarrow{QM} + \overrightarrow{MM}) = \overrightarrow{PN} + \overrightarrow{QM} + (\overrightarrow{NM} + \overrightarrow{MN})$   
 $= \overrightarrow{PN} + \overrightarrow{QM} + \vec{0} = \overrightarrow{PN} + \overrightarrow{QM}$  (đpcm)

0,25

0,25

**Câu 2(0,5đ):**



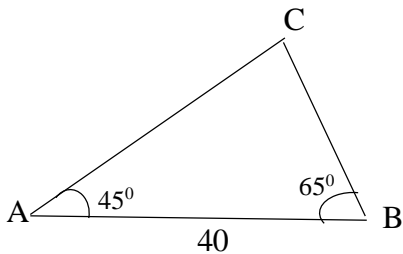
Ta có  $|\overrightarrow{PN} - \overrightarrow{PM}| = |\overrightarrow{MN}| = MN = b$

0,25

$|\overrightarrow{PQ} + \overrightarrow{PN}| = |\overrightarrow{PM}| = PM = b\sqrt{2}$

0,25

**Câu 3(1,0đ):**



Trong tam giác ABC, ta có:

$$C = 180^\circ - A + B = 180^\circ - 45^\circ - 65^\circ = 70^\circ$$

0,25

Áp dụng định lý:  $\frac{AC}{\sin B} = \frac{AB}{\sin C}$

0,25

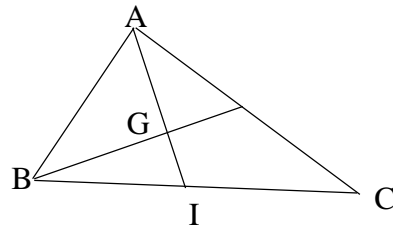
$$\Rightarrow AC = \frac{AB \cdot \sin B}{\sin C} = \frac{40 \cdot \sin 65^\circ}{\sin 70^\circ}$$

0,25

$$\approx 38,58(\text{m})$$

0,25

**Câu 4(1,0đ):**



+ Ta có G là trọng tâm  $\Delta ABC$

$$\begin{cases} x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3} \\ y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_C = 3x_G - x_A - x_B \\ y_C = 3y_G - y_A - y_B \end{cases} \text{ hay } \begin{cases} x_C = 3 \cdot \frac{10}{3} - 5 - 7 \\ y_C = 3 \cdot \frac{17}{3} - 8 - 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x_C = -2 \\ y_C = 3 \end{cases} \Rightarrow C(-2; 3)$$

0,25

+ Gọi I là trung điểm của đoạn BC ta có:  $\begin{cases} x_I = \frac{x_B + x_C}{2} \\ y_I = \frac{y_B + y_C}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_I = \frac{5}{2} \\ y_I = \frac{9}{2} \end{cases} \Rightarrow I\left(\frac{5}{2}; \frac{9}{2}\right)$

0,25

+ Ta có  $N \in Ox \Rightarrow N(n; 0)$ :  $\overrightarrow{BN} = (n - 7; -6)$ ;  $\overrightarrow{CN} = (n + 2; -3)$ ;

$$\overrightarrow{CB} = (9; 3); \overrightarrow{IN} = \left(n - \frac{5}{2}; -\frac{9}{2}\right)$$

$\Delta MBC$  vuông cân tại M khi:  $\begin{cases} \overrightarrow{BN} \cdot \overrightarrow{CN} = 0 \\ \overrightarrow{IN} \cdot \overrightarrow{CB} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (n - 7)(n + 2) + 18 = 0 \\ 9\left(n - \frac{5}{2}\right) + 3 \cdot \left(-\frac{9}{2}\right) = 0 \end{cases}$

0,25

$$+ \Leftrightarrow \begin{cases} n^2 - 5n + 4 = 0 \\ n = 4 \end{cases} \Leftrightarrow n = 4 \Rightarrow N(4; 0).$$

0,25

**Lưu ý:** Học sinh giải theo cách khác mà đúng thì Thầy, Cô cho điểm tối đa theo thang điểm đã qui định.